



"مقاله پژوهشی"

ارزیابی مدل‌های مختلف غیرخطی قطر - ارتفاع مممرز در  
توده‌های جنگلی ناهمسال (مطالعه موردی: جنگل رضاییان)

انوشیروان عالمی<sup>۱</sup>، جعفر اولادی<sup>۲</sup>، اصغر فلاح<sup>۳</sup> و یاسر مقصودی<sup>۴</sup>

۱- دانشجوی دکتری جنگلداری، دانشکده علوم جنگل، دانشگاه علوم کشاورزی و منابع طبیعی ساری، (نویسنده مسؤل: Anoshiravana@yahoo.com)

۲- دانشیار، گروه جنگلداری، دانشکده علوم جنگل، دانشگاه علوم کشاورزی و منابع طبیعی ساری

۳- دانشیار، گروه جنگلداری، دانشکده علوم جنگل، دانشگاه علوم کشاورزی و منابع طبیعی ساری

۴- استادیار، دانشکده مهندسی نقشه‌برداری، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۷/۱۰/۲۴ تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۱۲/۱

صفحه: ۲۹ تا ۳۸

چکیده

ارزیابی وضعیت توده جنگلی در طول زمان به دقت و نوع مدل‌های قطر - ارتفاع وابسته است. در این پژوهش مدل‌های مختلف غیرخطی قطر - ارتفاع برای برآورد دقیق ارتفاع درختان مممرز در توده‌های ناهمسال آمیخته نامنظم در بخشی از سری چهار جنگل رضاییان علی‌آباد ارزیابی شد. ۲۰۰ قطعه نمونه دایره‌ای شکل به مساحت ۱۰۰۰ مترمربع و به روش تصادفی - منظم به ابعاد شبکه ۲۰۰ × ۱۵۰ متر و با شدت ۳/۳۳ درصد در جنگل مورد مطالعه پیاده شد. در تمام قطعات نمونه، مشخصه‌های گونه، قطر برابر سینه تمام درختان مممرز با قطر برابر سینه بیشتر از ۷/۵ سانتیمتر و ارتفاع درختان اندازه‌گیری و ثبت شد. با استفاده از ۴۳ مدل رگرسیونی غیرخطی، ارتباط بین ارتفاع به عنوان متغیر وابسته و قطر به عنوان متغیر مستقل بررسی و تجزیه و تحلیل شد. نتایج به دست آمده نشان داد که نتایج معیارهای ارزیابی مدل، تفاوت زیادی با یکدیگر نداشتند و از نظر آماری تفاوت معنی‌داری بین مقادیر برآوردشده با استفاده از مدل‌های مختلف و مقادیر واقعی در سطح اطمینان ۹۹ درصد وجود نداشت. همچنین پنج مدل رگرسیونی غیرخطی پیل رید، پرودان، لجستیک تعدیل‌شده، مورگان-مرسر-فلودین و سیگموئید مضاعف با ضریب تبیین به ترتیب ۰/۸۲۶، ۰/۸۲۵، ۰/۸۲۵، ۰/۸۲۵ و ۰/۸۲۵ و درصد مجذور میانگین مربعات خطای به ترتیب ۷/۷۴، ۷/۶۶۲، ۷/۶۷۰، ۷/۶۸۳ و ۷/۷۶ درصد، نتایج مشابه و نزدیک به هم داشتند و توانایی خوبی برای برآورد ارتفاع درختان مممرز با دقت مناسب داشتند. این مدل‌ها می‌توانند در برآورد ارتفاع درختان مممرز در صورت تأیید و تکرار این نتایج در مناطق جنگلی دیگر شمال ایران، در جنگل‌های پهن برگ استفاده شوند.

واژه‌های کلیدی: آماربرداری، جنگل‌های رضاییان، مدل قطر - ارتفاع، مممرز

مقدمه

مدیریت جنگل مانند برآورد زیتوده، ذخیره کربن و موجودی سرپا (۱۸،۱۱)، تحلیل و تجزیه ساختار توده (۱۰،۱۶)، تعیین مدل‌های محصول و رویش درختان (۲۷)، تعیین ارتفاع غالب و شاخص رویشگاه (۳۳) و پایداری توده و ارزیابی خسارت (۲۱) دارند. با توجه به رویکرد جدید مدیریت جنگل‌های هیرکانی در سال‌های اخیر براساس اهداف جنگلداری چندمنظوره، مدیران برای ارزیابی مدل‌های پیش‌بینی رویش و محصول در راستای مدیریت پایدار این منابع، به روابط قطر - ارتفاع دقیق نیاز دارند، بنابراین مدل‌های قطر - ارتفاع برای درک بهتر روابط مختلف در طبیعت، توصیف و بررسی تفاوت‌ها و تأثیرگذاری در توسعه اکوسیستم‌های جنگلی ضروری هستند و دقت این مدل‌ها برای تهیه جداول حجم دقیق و پیش‌بینی هرچه دقیق‌تر مدل‌های رویش و محصول بسیار مهم است (۱۹،۲۲).

تاکنون مدل‌های خطی و غیرخطی زیادی برای گونه‌های گوناگون در مناطق مختلف پیشنهاد شده است که اغلب برای توده‌های همسال یا جنگلکاری‌ها استفاده شده‌اند. مدل‌های قطر - ارتفاع در رویشگاه‌های مختلف و برای گونه‌های مختلف، متفاوت هستند و حتی در توده‌های همسال و خالص نیز در همه موقعیت‌ها یکسان نیستند (۸). در توده‌های ناهمسال و نامنظم، درختان از نظر سن، گونه، اندازه، تاج، کیفیت رویشگاه، تراکم توده و موقعیت نسبی درختان در توده

مدیریت پایدار و برنامه‌ریزی صحیح منابع جنگلی به اطلاعات دقیق و با کیفیت از وضعیت حال و آینده جنگل نیازمند است. یکی از این منابع جنگلی مهم، جنگل‌های خزری است که در دهه‌های اخیر به دلایل متعدد دستخوش تغییرات زیادی شده است که حفظ، دوام آن، بررسی مداوم، چاره‌اندیشی و تمهیدات همه‌جانبه را می‌طلبد. به همین دلیل کسب اطلاعاتی دقیق و به‌هنگام از وضعیت کمی این منابع جنگلی در برنامه‌ریزی و مدیریت صحیح این منابع، از اولویت زیادی برخوردار است. مشخصه‌های قطر برابر سینه و ارتفاع درختان، از مهمترین مؤلفه‌های مورد نیاز در آماربرداری جنگل هستند. اندازه‌گیری ارتفاع درختان نسبت به قطر برابر سینه به دلیل نیاز به زمان بیشتر برای اندازه‌گیری، احتمال خطای مشاهداتی و موانع موجود برای دید رفتن به بن و نوک درختان، مشکل‌تر، زمان‌برتر و پرهزینه‌تر است (۶،۳۱). در آماربرداری جنگل در بیشتر کشورها، فقط ارتفاع تعداد محدودی از درختان اندازه‌گیری می‌شود (۶،۱۳). با توجه به رابطه قوی و تنگاتنگ قطر برابر سینه و ارتفاع درختان، برای پیش‌بینی دقیق ارتفاع درختان دیگر، باید از مدل‌های قطر - ارتفاع دقیق استفاده شود (۵). این مدل‌ها ابزاری مهم برای اهداف مدیریتی در جنگل‌های پهن‌برگ، ناهمسال و نامنظم هیرکانی هستند. مدل‌های قطر - ارتفاع، کاربردهای زیادی در

استفاده کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که مدل چاپمن ریچارد، وایبول و اسنات بهتر توانسته‌اند ارتفاع درختان را برآورد کنند. کاستانو سانتاماریا و همکاران (۵) روش‌های برآورد ارتفاع توده‌های ناهمسال شمال غرب اسپانیا را بررسی و تجزیه و تحلیل کردند. نتایج به‌دست‌آمده از تحقیق آن‌ها نشان داد که مدل‌های با اثرات آمیخته، میزان میانگین مجذور مربعات خطا را در حدود ۲۲ درصد نسبت به مدل‌های غیرخطی کاهش دادند. ژانگ (۳۵) شش مدل غیرخطی را برای رابطه قطر-ارتفاع درختان در جنگل‌های شمال غرب ایالات متحده آمریکا برآورد کرد و نتایج مطالعه وی نشان داد که مدل اسنات، وایبول و چاپمن ریچارد بهتر توانسته‌اند ارتفاع درختان را برآورد کنند.

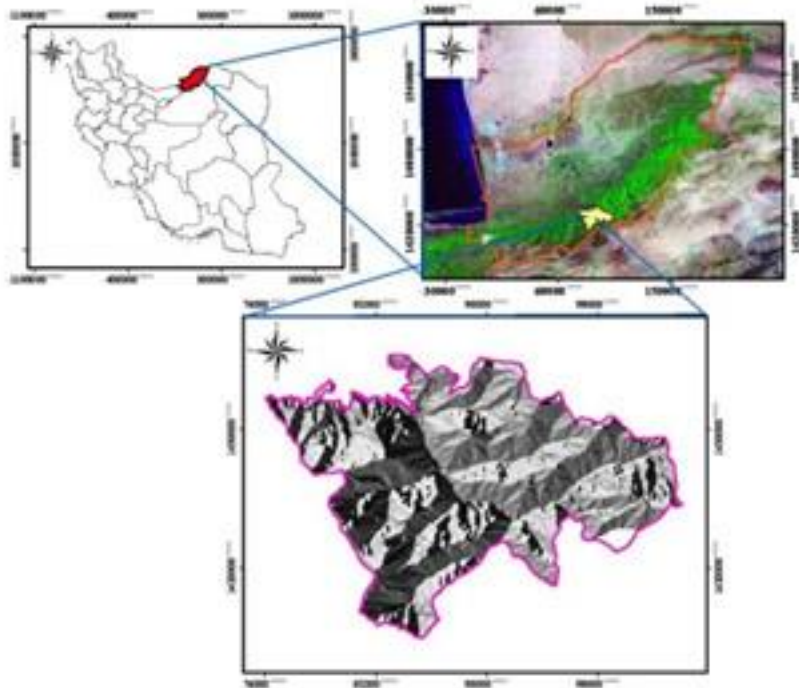
جمع‌بندی و بررسی منابع موجود در مورد برآورد مدل‌های مختلف قطر-ارتفاع نشان می‌دهد که نتایج با توجه به مناطق مورد مطالعه و توده‌های جنگلی مورد بررسی متفاوت بوده است. اغلب مطالعات برای توده‌های همسال یا جنگل کاری بوده‌اند و کمتر برای توده‌های ناهمسال و آمیخته انجام شده‌اند و مجذور میانگین مربعات خطا بین دو تا چهار متر به‌دست آمده است. مدل‌های قطر-ارتفاع در رویشگاه‌های مختلف، گونه‌های مختلف و حتی در موقعیت‌های مختلف و نامنظم بودن درختان از نظر سن، گونه، اندازه، تاج، کیفیت رویشگاه، تراکم توده و موقعیت نسبی درختان متفاوت است. روابط قطر-ارتفاع در این توده‌ها همیشه ثابت نیست و به‌سختی می‌توان آن‌ها را برآورد کرد. این مدل‌ها ابزاری مهم برای اهداف مدیریتی در جنگل‌های پهن‌برگ، ناهمسال و نامنظم هیرکانی برای تهیه جدول حجم تاريف دقیق هستند، بنابراین هدف از پژوهش پیش‌رو به‌کارگیری مدل‌های مختلف قطر-ارتفاع و انتخاب بهترین مدل برای یکی از گونه‌های مهم اقتصادی جنگل‌های هیرکانی یعنی ممزر بود که در توده‌های ناهمسال آمیخته و نامنظم در سری چهار طرح جنگلداری رضاییان انجام شد.

## مواد و روش‌ها

### منطقه مورد مطالعه

طرح جنگلداری رضاییان (سری ۴) در حوضه آبخیز ۸۸ منطبق بر مرزهای جغرافیایی دو شهرستان علی‌آباد و رامیان استان گلستان می‌باشد. منطقه مورد پژوهش با وسعتی معادل ۷۰۰ هکتار در مختصات جغرافیایی ۳۰' ۵۱" تا ۳۶' ۴۳" ۵۳' ۳۶" عرض شمالی و ۵۲' ۰۰" تا ۵۵' ۰۳" طول شرقی واقع شده است. حداقل ارتفاع از سطح دریا منطقه مورد پژوهش ۱۱۰۰ متر و حداکثر ارتفاع از سطح دریا ۱۸۰۰ متر می‌باشد. گونه‌های درختی منطقه مورد مطالعه شامل: *Carpinus betulus* Medw, *Quercus castaneifolia* B&M, *Alnus subcordata* B, *Acer velutinum* B&Bh, *Acer cappadocicum* G, *Tilia begonifolia* S, *Sorbus torminalis* C, *Ulmus glabra* H, *Fraxinus excelsior* M, *Cerasus avium* M, *Taxus baccata* L می‌باشد که در این محدوده تیپ ممزر بلوط غالب می‌باشد.

متفاوت هستند و اجرای شیوه تک‌گزینی و تغییرات دینامیک توده نیز باعث ایجاد تغییرات می‌شود (۳۱) بنابراین روابط قطر-ارتفاع در این توده‌ها همیشه ثابت نیست و به‌سختی می‌توان آن‌ها را برآورد کرد. مطالعات زیادی در خارج از کشور در مورد برآورد مدل‌های قطر-ارتفاع برای گونه‌های مختلف انجام شده است، درحالی‌که مطالعات کمی در ایران در مورد به‌کارگیری مدل‌های مختلف قطر-ارتفاع در شرایط رویشگاهی متفاوت انجام شده است. احمدی و همکاران (۱) مدل‌های غیرخطی قطر-ارتفاع را برای راش در جنگل آموزشی-پژوهشی دانشگاه تربیت مدرس، بررسی و تجزیه و تحلیل کردند. نتایج به‌دست‌آمده از این بررسی نشان داد که میانگین مجذور مربعات خطا بین سه تا چهار متر بود و مدل چاپمن ریچارد به‌عنوان بهترین مدل انتخاب شد. بیات و همکاران (۳)، در پژوهشی در منطقه گرازین جنگل خیرودکنار به ارائه مدل‌های حجم، ارتفاع و تولید چوب در گونه راش براساس تغییرات حجمی و تعداد در یک دوره نه‌ساله پرداختند. نتایج حاکی از آن بود که مدل پرودان با ضریب تبیین ۰/۹۴۵ و مجذور میانگین مربعات خطا ۴/۶۸ بهترین نتیجه در برآورد ارتفاع درختان راش را دارا می‌باشد. فانگ و بایلی (۹)، ۳۳ مدل قطر-ارتفاع را برای جنگل‌های تروپیکال جزیره هاینان چین مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار دادند و نتایج آن‌ها نشان داد که میانگین مجذور مربعات خطا بین دو تا چهار متر بود. هوآنگ و همکاران (۱۱) با استفاده از مدل‌های غیرخطی، مناسبترین مدل برای گونه‌های اصلی را بررسی و انتخاب کردند. نتایج به‌دست‌آمده از پژوهش آن‌ها نشان داد که مدل‌های وایبول، لجستیک متعادل‌شده، چاپمن ریچارد و اسنات نتایج خوبی را داشتند. لامبرس و همکاران (۱۳) مدل‌های قطر-ارتفاع سه گونه کاج و لاریکس را در جنوب کره بررسی کردند. نتایج به‌دست‌آمده از تحقیق آن‌ها نشان داد که مدل لجستیک بهینه‌شده و مدل لاندکویست - کورف در مقایسه با مدل‌های دیگر نتایج بهتری را ارائه داده‌اند. محمدی و شتایی (۱۵) در بخشی از جنگل‌های شصت کلاته گرگان به بررسی ۱۸ مدل غیرخطی قطر-ارتفاع برای گونه ممزر پرداختند. نتایج نشان داد چهار مدل رگرسیونی غیرخطی هایپربولیک، راتکوفسکی، چاپمن-ریچارد و وایبول با درصد مجذور میانگین مربعات خطای به‌ترتیب ۱۲/۹۱، ۱۲/۹۲، ۱۳/۰۱ و ۱۳/۰۱ درصد و در صد آریبی به‌ترتیب ۰/۲۱، ۰/۲۲، ۰/۲۱ و ۰/۲۲ درصد، نتایج مشابه و نزدیک به هم داشتند و توانایی خوبی برای برآورد ارتفاع درختان ممزر داشتند. آرچلیک و همکاران (۱۹) پیش‌بینی ارتفاع درختان ارس جنوب و جنوب غرب ترکیه را با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی، مدل غیرخطی با اثرات آمیخته و مدل‌های غیرخطی کلاسیک بررسی کردند. نتایج به‌دست‌آمده از پژوهش آن‌ها نشان داد که دو مدل شبکه عصبی مصنوعی و مدل غیرخطی با اثرات آمیخته دارای دقت بیشتری نسبت به مدل‌های دیگر بود و میانگین مجذور مربعات خطا را در حدود ۲۰ درصد در مقایسه با مدل‌های غیرخطی کلاس یک کاهش دادند. پنگ و همکاران (۲۲) شش مدل غیرخطی را برای بررسی رابطه قطر-ارتفاع نه گونه اصلی جنگل‌های بورآل



شکل ۱- موقعیت جغرافیایی منطقه مورد مطالعه در ایران و استان گلستان  
Figure 1. The geographical location of study area in Iran and Golestan province

تجزیه و تحلیل داده‌های کمی قطر و ارتفاع از طریق بررسی اولیه آماره‌های توصیفی این داده‌ها انجام شد. برای شناسایی اعداد پرت از رسم نمودار جعبه‌ای و پراکنش باقیمانده‌ها در برابر مقادیر مشاهده‌شده استفاده گردید. نرمال بودن داده‌ها با استفاده از آزمون کولموگروف- اسمیرنوف بررسی شد. در پژوهش پیش‌رو برای محاسبات آماری، اجرای مدل‌های رگرسیونی غیرخطی و پردازش اطلاعات جمع‌آوری شده از عملیات زمینی مربوط به قطر و ارتفاع و از نرم‌افزارهای Spss 16 و Excel استفاده شد. از کل درختان ممرز اندازه‌گیری شده، ۷۰ درصد در فرآیند مدل‌سازی بکار گرفته شدند و ۳۰ درصد بقیه برای ارزیابی مدل‌های برآوردی استفاده شدند. با استفاده از انواع مدل‌های رگرسیونی غیرخطی ارتباط بین ارتفاع به‌عنوان متغیر وابسته و قطر به‌عنوان متغیر مستقل بررسی و تجزیه و تحلیل شد. ۴۳ مدل قطر- ارتفاع برای بررسی رابطه قطر- ارتفاع انتخاب شدند که بیشتر در مطالعات دیگر استفاده شده‌اند (جدول ۱).

#### روش پژوهش

با توجه به اینکه هدف اصلی پژوهش پیش‌رو بررسی رابطه قطر- ارتفاع ممرز بود، نیاز به تعدادی قطعات نمونه برای برآورد ارتفاع درختان به‌عنوان مجموعه داده‌های آموزش و مجموعه داده‌های آزمون بود. بدین‌منظور ابتدا با شناسایی اولیه منطقه، نمونه‌برداری به‌روش تصادفی- منظم با شبکه‌ای به‌ابعاد ۱۵۰×۲۰۰ متر، با شدت ۳/۳ درصد (شدت متداول سازمان جنگل‌ها و مراتع کشور) و قطعات نمونه دایره‌ای شکل به‌مساحت ۱۰۰۰ مترمربع انجام شد، به‌طوری‌که ۲۰۰ قطعه‌نمونه در منطقه مورد مطالعه اندازه‌گیری شدند. در تمام قطعات نمونه، مشخصه‌های گونه، قطر برابر سینه تمام درختان ممرز با قطر برابر سینه بیشتر از ۷/۵ سانتی‌متر و ارتفاع درختان اندازه‌گیری شدند. برای اندازه‌گیری قطر برابر سینه از خط کش دوبازو و متر نواری و برای اندازه‌گیری ارتفاع درختان از دستگاه شیب‌سنج سنتو استفاده شد.

#### تحلیل آماری داده‌ها

جدول ۱- مدل‌های قطر - ارتفاع مورد استفاده در پژوهش پیش‌رو

Table 1. Used Height-diameter model in this study

ردیف	مدل	فرمول مدل	منبع
۱	لگاریتمی	$a + b \ln(D)$	۱۵
۲	لگاریتمی ۲	$\log aD^b$	۲۵
۳	لگاریتمی ۳	$\ln aD^b$	۲۵
۴	لگاریتمی تعدیل شده	$(a + cD)^b$	۲۵
۵	لجستیک	$\frac{a}{1 + be^{-cD}}$	۲۰
۶	لجستیک ۲	$\frac{a}{1 + e^{-b(D-c)}}$	۷
۷	لجستیک تعدیل شده	$1.3 + \frac{a}{1 + b^{-1}D^{-c}}$	۲۴
۸	لجستیک تعدیل شده ۲	$a + b^{-1}D^{-c}$	۲۵
۹	لگاریتمی لجستیک	$a - \ln(1 + be^{-cD})$	۲۵
۱۰	گومپرتز	$ae^{-e^{-cD}}$	۸
۱۱	گومپرتز ۲	$ae^{-be^{-cD}}$	۲۸
۱۲	هایپربولیک	$a + \frac{b}{D}$	۱۵
۱۳	هایپربولیک ۲	$\frac{aD}{b + D}$	۲۴
۱۴	هایپربولیک ۳	$\frac{a + bD^2}{D^2}$	۸
۱۵	توانی	$aD^b$	۱۵
۱۶	نمایی	$e^{a+bD^c}$	۱۲
۱۷	نمایی ۲	$\frac{b}{ae^{b+c}}$	۸
۱۸	نمایی ۳	$a(1 - e^{-bD})$	۱۴
۱۹	نمایی ۴	$\frac{b}{ae^{\frac{b}{D}}}$	۴
۲۰	نمایی ۵	$\frac{b}{ae^{bD}}$	۴
۲۱	پرودان	$1.3 + \frac{D^2}{aD^2 + bD + c}$	۲۳
۲۲	لندکویسکورف	$1.3 + ae^{-bD^c}$	۳۰
۲۳	هندسی	$aD^{\frac{b}{D}}$	۱۵
۲۴	هندسی ۲	$1.3 + aD^{\frac{b}{D}}$	۱۵
۲۵	چاپمن-ریچارد	$1.3 + a(1 - e^{-bD})^c$	۱۵
۲۶	چاپمن-ریچارد ۲	$1.3 + \frac{1}{(1 + ce^{-bD})^{\frac{1}{g}}}$	۲۵
۲۷	وایبول	$1.3 + a(1 - e^{-bD^c})$	۳۰
۲۸	راتکوفسکی	$1.3 + ae^{\frac{b}{D+c}}$	۲۴
۲۹	رگرسیون مجانب	$a - bc^D$	۲۵
۳۰	جانسون اسچوماچر	$\frac{-b}{ae^{\frac{b}{D+c}}}$	۲۵
۳۱	مچرلیخ	$a + be^{-cD}$	۲۶
۳۲	مورگان-مرسر-فلودین	$\frac{ab + cD^g}{b + D^g}$	۱۷
۳۳	پیل رید	$\frac{1}{1 + be^{-(cD+gD^2+hD^3)}}$	۲۰
۳۴	سه‌می درجه ۲	$\frac{a}{a + bD + cD^2}$	۲۵
۳۵	سه‌می درجه ۳	$\frac{gD^2}{a + bD + cD^2 + gD^3}$	۲۵
۳۶	ورهالتز	$\frac{hD^3}{1.3 + \frac{a}{1 + ce^{-bD}}}$	۲۵
۳۷	وان برتالانفی	$(a^{1-g} - be^{-cD})^{\frac{1}{1-g}}$	۲۹
۳۸	وان برتالانفی ۲	$a(1 - e^{-b(D-c)})$	۲۹
۳۹	تراکم محصول	$(a + bD + cD^2)^{-1}$	۲۵
۴۰	درجه دوم	$a + bD + cD^2$	۲۵
۴۱	شنات	$\left[ c^b + (g^b - c^b) \frac{1 - e^{-a(D-h)}}{1 - e^{-a(k-h)}} \right]^{\frac{1}{b}}$	۲۵
۴۲	بتا	$a \left[ \left( \frac{g-D}{g-c} \right) \left( \frac{c-b}{c-b} \right)^{\frac{c-b}{g-c}} \right]^h$	۳۲
۴۳	سیگموئید مضاعف	$\frac{h}{1 + e^{-(a+bD+cD^2+gD^3)}}$	۳۴

D قطر برابر سینه برحسب سانتی‌متر و a, b, c, d, g, h, k ضریب‌های مدل

بود. بررسی آماره‌های توصیفی مشخصه‌های قطر برابر سینه و ارتفاع نشان داد که دامنه تغییرات این مشخصه‌ها زیاد بود که نشان می‌دهد توده جنگلی ناهمسال مورد مطالعه قرار گرفته است. بین آماره‌های توصیفی کل داده‌ها و داده‌های آموزش و آزمون تفاوت زیادی وجود نداشت. توزیع داده‌ها نشان داد که مشخصه‌های قطر و ارتفاع از توزیع نرمال پیروی می‌کنند. جدول ۲ نتایج ضریب‌های به‌دست‌آمده از برازش ۴۳ مدل رگرسیونی غیرخطی انتخاب‌شده و آماره‌های محاسبه شده را نشان می‌دهد.

به استناد نتایج به‌دست‌آمده، مشخص شد که مدل رگرسیونی غیرخطی پیل رید، پرودان، لجستیک تعدیل‌شده، مورگان-مرسر-فلودین و سیکموئید مضاعف با ضریب تبیین به‌ترتیب ۰/۸۲۶، ۰/۸۲۵، ۰/۸۲۵، ۰/۸۲۵ و ۰/۸۲۵ و درصد مجذور میانگین مربعات خطای به‌ترتیب ۷/۷۴۰، ۷/۶۶۲، ۷/۶۷۰، ۷/۶۸۳ و ۷/۷۶۰ درصد توانسته‌اند بهتر مشخصه ارتفاع را برآورد کنند. البته لازم به‌ذکر است که نتایج همه مدل‌ها، تفاوت زیادی با یکدیگر نداشتند.

نتایج به‌دست‌آمده از بررسی میانگین تفاوت‌های مقادیر مشاهده‌شده با مقادیر برآوردشده مشخصه ارتفاع با استفاده از ۴۳ مدل انتخاب‌شده نشان داد که مدل‌های رگرسیونی غیرخطی نمایی، لندکویسکورف، سهمی درجه ۳، راتکوفسکی و جانسون اسچوماچر دارای کمترین انحراف معیار مقادیر تفاوت‌ها (به‌ترتیب با ۲/۰۱۵، ۲/۰۱۶، ۲/۰۱۶، ۲/۰۱۶ و ۲/۰۱۶ متر) بودند. همچنین تفاوت بین مقادیر برآوردشده همه مدل‌ها با مقادیر واقعی در سطح اطمینان ۹۹ درصد معنی‌دار نبود.

اعتبارسنجی مدل‌ها به شیوه‌های مختلفی انجام می‌شود. در پژوهش پیش‌رو به‌منظور ارزیابی و برازش مدل‌ها، ۳۰ درصد از داده‌ها به‌صورت تصادفی انتخاب شدند و به‌عنوان مجموعه داده‌های ارزیابی از کلیه تجزیه و تحلیل‌ها کنار گذاشته شدند. با در اختیار داشتن مقادیر تخمینی و مقادیر حقیقی با استفاده از معیارهای آماری ضریب تبیین، مجذور میانگین مربعات خطا و اریبی به‌صورت مطلق و نسبی، اعتبار مدل‌های آماری ارزیابی شد.

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y})^2}{n}}$$

$$RMSE\% = \frac{RMSE}{\bar{y}} \times 100$$

$$Bias = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y})}{n}$$

$$Bias\% = \frac{Bias}{\bar{y}} \times 100$$

همچنین علاوه بر معیارهای مذکور، تفاوت‌های بین مقادیر واقعی ارتفاع با مقادیر برآورد شده داده‌های آزمون با استفاده از داده‌ها و مدل‌های مذکور نیز مقایسه شد. برای بررسی معنی‌دار بودن میانگین تفاوت‌های مقادیر واقعی با مقادیر برآوردشده با استفاده از مدل‌های مذکور، از آزمون تی جفتی استفاده شد.

### نتایج و بحث

#### بررسی آماره‌های توصیفی قطر برابر سینه و ارتفاع کل درختان ممزر

میانگین، کمینه و بیشینه قطر برابر سینه به‌ترتیب ۳۴/۰۹، ۸ و ۱۰۴ سانتی‌متر و ارتفاع به‌ترتیب ۲۴/۳۸، ۶ و ۳۱/۵ متر

جدول ۲- ضرایب مدل‌های رگرسیونی انتخاب شده و آماره‌های محاسبه شده

Table 2. chosen Regression model coefficients and calculated statistics

ردیف	ضرایب مدل						a	b	c	d	e	f
	ضریب تیین مدل	میانگین مربعات خطا مدل	مجدور میانگین مربعات خطا ارزیابی	ارایی								
۱	-۰/۴۰۹	۷/۹۵۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲	۳/۱۹۹	۱۸/۳۱۶	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳	-۰/۰۰۲	۷/۹۵۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۴	۵۴/۰۰۳	-۰/۶۳۶	۱/۸۳۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۵	۲۷/۶۵	۳/۱۱۶	-۰/۷۶	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۶	۲۷/۶۵	-۰/۰۷۶	۱۴/۸۷۹	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۷	۲۹/۲۴۱	-۰/۰۱۴	۱/۴۸۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۸	-۱۰/۰۰۷	-۰/۰۷۴	-۰/۲۴۱	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۹	۲۶/۸۹۹	۴/۲۶۸	-۰/۲۹۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۰	۲۷/۹۲۵	-۰/۵۵۴	-۰/۰۶۱	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۱	۲۷/۹۲۵	۱/۷۴	-۰/۰۶۱	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۲	۲۹/۹۹۴	-۰/۰۲۲	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۳	۳۵/۲۳۹	۲۰/۳۴	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۴	-۱/۳۳۹	-۰/۱۷۲	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۵	۶/۳۵۲	-۰/۳۴۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۶	۳/۴۹۲	-۱۰/۸۳۳	-۰/۹۵۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۷	۴/۳۴۴	-۱۲/۰۹۹	۲/۰۰۷	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۸	۲۸/۳۹۸	-۰/۴۶	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱۹	۳۲/۳۱	-۱۲/۰۹۹	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۰	۱۶/۶۸۲	-۰/۶۷۷	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۱	-۰/۰۳۳	-۰/۳۴۶	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۲	۳۱/۳۱۱	۱۲/۶۲۶	-۰/۹۸۸	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۳	۳۷/۲۱۶	-۵/۰۸۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۴	۳۶/۱۶۸	-۵/۴۱۲	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۵	۲۷/۰۲۵	-۰/۰۴۸	۱/۱۱۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۶	۲۶/۵۹۲	-۰/۰۶۲	-۰/۰۰۱	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۷	۲۷	-۰/۰۲۷	۱/۰۵۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۸	۳۱/۳۳۹	-۱۳/۳۸۸	-۰/۳۹۶	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۲۹	۲۸/۳۵۸	۲۸/۶۴۲	-۰/۹۵۴	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۰	۳۲/۶۳۲	۱۲/۹۱۱	-۰/۸۶۸	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۱	-۸۲/۳۷۱	۹۷/۴۵۹	-۰/۰۰۲	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۲	۲/۸۵۳	۱۰۳/۷۶۲	۳۰/۲۳۸	۱/۵۸۴	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۳	۲۹/۰۶۹	۶/۳۵۵	۱۴/۴۵۶	-۱۹/۳۳۴	۱۱/۱۸	-	-	-	-	-	-	-
۳۴	-۰/۳۸۳	-۹/۶۸۹	۸۵/۳۶۴	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۵	-۰/۰۶۴	۲/۵۲۷	-۴۲/۰۱۸	۳۳۴/۶۱۹	۱۰/۲۷۱	-	-	-	-	-	-	-
۳۶	۲۶/۳۱۶	-۰/۰۷۹	۳/۵۴۸	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۷	۲۸/۴۸۵	۶۲/۳۳۷	-۰/۰۴۴	-۰/۲۰۷	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۸	۲۸/۳۵۸	-۰/۰۴۷	-۰/۲۱۴	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳۹	-۰/۰۷۶	-۰/۱۰۷	-۰/۰۷	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۴۰	۷/۴۰۱	-۰/۵۳۱	-۰/۰۰۳	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۴۱	-۰/۰۳۹	۱/۵۷۷	۷/۷۸۹	۲۸/۳۴۲	۱۰۴	۸	-	-	-	-	-	-
۴۲	۱۰/۷۰۵	-۰/۰۱۲	-۰/۰۱۲	-۰/۴۴۱	-	-	-	-	-	-	-	-
۴۳	-۱/۷۹۴	۱۲/۶۸	-۱۶/۳۵۸	۳۱/۵	-	-	-	-	-	-	-	-

جدول ۳- میانگین تفاوت‌ها و انحراف از معیار تفاوت‌ها

Table 3. Differences mean and Differences standard deviation

ردیف	مدل	میانگین واقعی ارزیابی	میانگین برآورد شده	درصد مجذور میانگین مربعات خط ارزیابی	درصد اریبی	آماره t	معنی‌داری	میانگین تفاوت‌ها	انحراف از معیار تفاوت‌ها
۱	لگاریتمی	۲۴/۳۸	۲۴/۰۱۱	۸/۲۹۸	-۱/۵۱۴	۱/۵۹۹	۰/۱۱۳	-۰/۳۶۹	۲/۱۳۸
۲	لگاریتمی ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۰۱۱	۸/۲۹۸	-۱/۵۱۴	۱/۵۹۹	۰/۱۱۳	-۰/۳۶۹	۲/۱۳۸
۳	لگاریتمی ۳	۲۴/۳۸	۲۴/۰۱۱	۸/۲۹۸	-۱/۵۱۴	۱/۵۹۹	۰/۱۱۳	-۰/۳۶۹	۲/۱۳۸
۴	لگاریتمی تعدیل شده	۲۴/۳۸	۲۳/۹۰۲	۱۰/۹۳۵	-۱/۹۶۱	۱/۶۶۸	۰/۰۹۸	-۰/۴۷۸	۲/۷۲۹
۵	لجستیک	۲۴/۳۸	۲۴/۱۷۹	۷/۹۸۲	-۰/۸۲۴	۰/۷۹۳	۰/۴۳	-۰/۲۰۱	۲/۱۰۸
۶	لجستیک ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۱۷۹	۷/۹۸۲	-۰/۸۲۴	۰/۷۹۳	۰/۴۳	-۰/۲۰۱	۲/۱۰۸
۷	لجستیک تعدیل شده	۲۴/۳۸	۲۴/۱۰۶	۷/۶۷	-۱/۱۲	۱/۱۹۸	۰/۲۳۳	-۰/۲۷۳	۲/۰۲۴
۸	لجستیک تعدیل شده ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۰۸۹	۸/۹۷۹	-۱/۱۹۴	۱/۱۳۲	۰/۲۶	-۰/۲۹۱	۲/۳۰۳
۹	لگاریتمی لجستیک	۲۴/۳۸	۲۴/۲۰۱	۹/۲۷۸	-۰/۷۳	۰/۶	۰/۵۵	-۰/۱۷۸	۲/۴
۱۰	گومپرتز	۲۴/۳۸	۲۴/۱۵۳	۷/۸۳۴	-۱/۹۳۱	۰/۹۳۹	۰/۲۵	-۰/۲۲۷	۲/۰۷۱
۱۱	گومپرتز ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۱۵۳	۷/۸۳۴	-۱/۹۳۱	۰/۹۳۹	۰/۲۵	-۰/۲۲۷	۲/۰۷۱
۱۲	هایپربولیک	۲۴/۳۸	۲۴/۱۳۹	۸/۳۲۶	-۰/۸۹۹	۰/۹۵۶	۰/۳۴۱	-۰/۲۴۱	۲/۱۸۴
۱۳	هایپربولیک ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۰۸۵	۷/۹۳۳	-۱/۲۱	۱/۲۷۷	۰/۲۰۴	-۰/۲۹۵	۲/۰۷۲
۱۴	هایپربولیک ۳	۲۴/۳۸	۲۴/۰۸۷	۷/۷۱۵	-۱/۰۲	۱/۲۹۶	۰/۱۹۸	-۰/۲۶۴	۲/۰۲۶
۱۵	توانی	۲۴/۳۸	۲۴/۰۰۹	۹/۴۱۳	-۱/۵۲۲	۱/۴۳۶	۰/۱۵۴	-۰/۳۷۱	۲/۳۹۳
۱۶	نمایی	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۱	۷/۶۵	-۱/۱۸۵	۱/۲۸۴	۰/۲۰۲	-۰/۲۸۹	۲/۰۱۵
۱۷	نمایی ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۴	۷/۶۵۴	-۱/۱۶۹	۱/۲۶۵	۰/۲۰۹	-۰/۲۸۵	۲/۰۱۸
۱۸	نمایی ۳	۲۴/۳۸	۲۴/۱۲۷	۷/۷۰۷	-۱/۰۳۴	۱/۰۸۴	۰/۲۸۱	-۰/۲۶۶	۲/۰۲۶
۱۹	نمایی ۴	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۴	۷/۶۵۴	-۱/۱۶۹	۱/۲۶۵	۰/۲۰۹	-۰/۲۸۵	۲/۰۱۸
۲۰	نمایی ۵	۲۴/۳۸	۲۳/۹۴۹	۱۲/۸۵۱	-۱/۷۶۴	۱/۲۷	۰/۲۰۷	-۰/۴۳	۳/۱۹۵
۲۱	پرودان	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۹	۷/۶۶۲	-۱/۱۵۳	۱/۲۴۱	۰/۲۱۷	-۰/۲۸۱	۲/۰۲
۲۲	لندکویسکوف	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۲	۷/۶۵	-۱/۱۷۷	۱/۲۷۶	۰/۲۰۵	-۰/۲۸۷	۲/۰۱۶
۲۳	هندسی	۲۴/۳۸	۲۴/۰۶۶	۷/۹۵۳	-۱/۲۸۸	۱/۳۷۴	۰/۱۷۲	-۰/۲۱۴	۲/۰۷۳
۲۴	هندسی ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۰۶۷	۸/۰۰۲	-۱/۲۸۴	۱/۳۶۳	۰/۱۷۶	-۰/۳۱۳	۲/۰۸۴
۲۵	چاپمن-ریچارد	۲۴/۳۸	۲۴/۱۱۳	۷/۷۱۹	-۱/۰۲۱	۱/۰۶۸	۰/۲۸۸	-۰/۲۴۹	۲/۰۴
۲۶	چاپمن-ریچارد ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۱۵۳	۷/۸۵۱	-۰/۹۳۱	۰/۹۳۶	۰/۲۵۲	-۰/۲۲۷	۲/۰۷۵
۲۷	وایبول	۲۴/۳۸	۲۴/۱۳۳	۷/۷۲۴	-۱/۰۱۷	۱/۰۵۹	۰/۲۹۳	-۰/۲۴۸	۲/۰۴۱
۲۸	راتکوفسکی	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۲	۷/۶۵۴	-۱/۱۸۱	۱/۲۷۸	۰/۲۰۴	-۰/۲۸۸	۲/۰۱۶
۲۹	رگرسیون مجانب	۲۴/۳۸	۲۴/۱۲۷	۱۴/۴۷۵	-۱/۰۳۸	۱/۰۸۶	۰/۲۸	-۰/۲۵۳	۲/۰۲۶
۳۰	جانسون اسپوچماچر	۲۴/۳۸	۲۴/۰۸۶	۷/۶۵۸	-۱/۲۰۶	۱/۳۱۱	۰/۱۹۳	-۰/۲۹۴	۲/۰۱۶
۳۱	مچرلیخ	۲۴/۳۸	۲۳/۹۴۸	۱۱/۹۶۱	-۱/۶۶۸	۱/۳۶۶	۰/۱۷۵	-۰/۴۳۱	۲/۸۸
۳۲	مورگان-مرسر-فلودین	۲۴/۳۸	۲۴/۱۱۱	۷/۶۸۳	-۱/۰۳	۱/۱۷۵	۰/۲۴۳	-۰/۲۶۹	۲/۰۲۸
۳۳	پیل رید	۲۴/۳۸	۲۴/۱۰۴	۷/۷۴	-۱/۱۳۲	۱/۲۰۳	۰/۲۳۲	-۰/۲۷۶	۲/۰۴۱
۳۴	سهمی درجه ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۱۰۶	۷/۷۲۴	-۱/۱۲۴	۱/۱۹۶	۰/۲۳۴	-۰/۲۷۴	۲/۰۳۶
۳۵	سهمی درجه ۳	۲۴/۳۸	۲۴/۰۹۲	۷/۶۵	-۱/۱۸۱	۱/۲۸	۰/۲۰۳	-۰/۲۸۸	۲/۰۱۶
۳۶	ورهالتر	۲۴/۳۸	۲۴/۱۸۴	۸/۰۱۱	-۱/۰۴	۰/۷۶۵	۰/۴۴۶	-۰/۱۹۶	۲/۱۱۶
۳۷	وان برنالانفی	۲۴/۳۸	۲۴/۱۳	۷/۶۸۳	-۱/۰۲۱	۱/۰۷۳	۰/۲۸۶	-۰/۲۴۹	۲/۰۳
۳۸	وان برنالانفی ۲	۲۴/۳۸	۲۴/۱۲۷	۷/۷۰۷	-۱/۰۳۸	۱/۰۸۶	۰/۲۸	-۰/۲۵۳	۲/۰۳۶
۳۹	تراکم محصول	۲۴/۳۸	۲۴/۱۲۵	۹/۸۷۷	-۱/۰۴۶	۰/۸۸۸	۰/۳۷۷	-۰/۲۵۵	۲/۵۱۷
۴۰	درجه دوم	۲۴/۳۸	۲۴/۱۱۵	۸/۳۵۵	-۱/۰۸۷	۱/۰۷۵	۰/۲۸۵	-۰/۲۶۵	۲/۱۷۳
۴۱	شبات	۲۴/۳۸	۲۴/۱۱۳	۷/۶۵	-۱/۰۹۵	۱/۱۷	۰/۲۴۵	-۰/۲۶۷	۲/۰۲
۴۲	بنا	۲۴/۳۸	۲۳/۹۵۳	۱۰/۳۴۶	-۱/۷۴۷	۱/۵۹۹	۰/۱۲۲	-۰/۴۲۶	۲/۵۷۷
۴۳	سیگموئید مضاعف	۲۴/۳۸	۲۴/۱۲۴	۷/۷۶	-۱/۰۵	۱/۰۹۴	۰/۲۷۶	-۰/۲۵۶	۲/۰۴۹

معنی‌داری در سطح اطمینان ۹۹ درصد

به ترتیب ۰/۸۲۶، ۰/۸۲۵، ۰/۸۲۵، ۰/۸۲۵ و ۰/۸۲۵ و درصد مجذور میانگین مربعات خطای به ترتیب ۰/۷۴۰، ۰/۷۶۶۲، ۰/۶۷۰، ۰/۶۸۳ و ۰/۷۶۰ درصد، بهتر توانستند ارتفاع درختان ممرز را برآورد کنند، که با نتایج بیات و همکاران (۳)، هانگ و همکاران (۱۱)، لامبرز و همکاران همخوانی دارد. به‌طور کلی نتایج به‌دست‌آمده از معیارهای ارزیابی (درصد مجذور میانگین مربعات خطا، اریبی و انحراف معیار تفاوت‌های مقادیر برآوردشده با مقادیر واقعی) تفاوت زیادی با یکدیگر نداشتند و از نظر آماری نیز تفاوت معنی‌داری بین مقادیر برآوردشده با استفاده از مدل‌های مختلف با مقادیر واقعی در سطح اطمینان ۹۹ درصد وجود نداشت که با نتایج محمدی و شتابی همخوانی دارد و پنج مدل ذکرشده دارای بالاترین مقدار ضریب تبیین بودند. همچنین مجذور میانگین مربعات خطای به‌دست‌آمده در پژوهش پیش‌رو (حدود دو متر) در مقایسه با

هدف اصلی آماربرداری جنگل، آماده کردن اطلاعات دقیق و به‌هنگام برای برنامه‌ریزی، مدیریت منابع جنگلی، توسعه سیاست‌ها و برنامه‌های حفاظتی است که این تصمیم‌گیری‌ها نیازمند اطلاعات دقیق از کل منطقه است. بررسی نتایج به‌دست‌آمده از آماره‌های توصیفی داده‌های زمینی بیانگر وضعیت متفاوت ساختار توده جنگلی در منطقه مورد مطالعه است که با نتایج تحقیقات محمدی و شتابی همخوانی دارد، بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که منطقه مورد مطالعه نمونه خوبی از جنگل‌های خزری بوده است و به‌طور تقریب تمامی قطر و ارتفاع درختان ممرز را در برگرفته است. نتایج به‌دست‌آمده از مدل‌سازی رابطه قطر- ارتفاع با استفاده از ۴۳ مدل رگرسیونی غیرخطی نشان داد که پنج مدل رگرسیونی غیرخطی پیل رید، پرودان، لجستیک تعدیل‌شده، مورگان-مرسر-فلودین و سیگموئید مضاعف با ضریب تبیین

در پژوهش پیش‌رو برای ارتفاع کمتر است که به عامل‌هایی مانند نوع توده (پهن‌برگ یا سوزنی‌برگ)، ناهمسال یا همسال بودن، منظم یا نامنظم بودن و نوع مدل مورد استفاده و به‌کارگیری الگوریتم‌های دیگر مانند شبکه عصبی مصنوعی و غیره برمی‌گردد. امید است که تحقیقات تکمیلی در مورد استفاده از الگوریتم‌های دیگر برآورد، مانند مدل‌های تعمیم‌یافته، جنگل تصادفی، نزدیکترین همسایه، ماشین بردار پشتیبان، شبکه عصبی مصنوعی، ماتریس دستیابی به اهداف و مدل‌ها با اثرات آمیخته در برآورد ارتفاع درختان مممرز و همچنین گونه‌های دیگر در مناطق دیگر جنگل‌های هیرکانی انجام شود تا بتوان از اطلاعات دقیق در برنامه‌ریزی، مدیریت پایدار منابع جنگلی و برنامه‌های حفاظتی استفاده کرد و بتوان این مدل‌ها را به‌صورت عملیاتی در برنامه‌ریزی جنگل به‌کار برد.

مطالعات دیگر که حدود دو تا چهار متر بود (۱۶،۹) تفاوت زیادی نداشت. بررسی میانگین مقادیر برآوردشده ارتفاع با مقادیر واقعی ارتفاع نیز نشان داد که تمامی مدل‌ها مقادیر ارتفاع را کمتر از مقدار واقعی برآورد کردند. با توجه به نتایج به‌دست‌آمده از پژوهش پیش‌رو و مقایسه آن با مطالعات دیگر، درنهایت می‌توان چنین نتیجه‌گیری کرد که مدل‌های رگرسیونی غیرخطی پیل رید، پرودان، لجستیک تعدیل‌شده، مورگان-مرسر-فلودین و سیگموئید مضاعف، نتایج مشابه و نزدیک به یکدیگر داشته و توانایی خوبی در برآورد ارتفاع درختان مممرز با دقت مناسب داشتند، بنابراین این مدل‌ها می‌توانند در برآورد ارتفاع درختان مممرز در صورت تأیید و تکرار این نتایج در مناطق جنگلی دیگر شمال ایران در جنگل‌های پهن‌برگ استفاده شوند. مقایسه نتایج به‌دست‌آمده از پژوهش پیش‌رو با مطالعات دیگر انجام‌شده نشان داد که درصد مجذور میانگین مربعات خطا و انحراف معیار تفاوت‌های به‌دست‌آمده

### منابع

- Ahmadi, K., J. Alavi, M. Tabari and W. Aertsen. 2013. Non-linear height-diameter models for oriental beech (*Fagus orientalis* Lipsky) in the Hyrcanian forests, Iran. *Biotechnology, Agronomy, Society and Environment Journal*, 17(3): 431-440 (In Persian).
- Bailey, R.L. 1979. The potential of Weibull-type functions as flexible growth curves: Discussion. *Canadian Journal of Forest Research*, 10: 117-118.
- Bayat, M., M. Namiranian and M. Zobeiry. 2013. Determining the growing Volume, Height and number of trees in the forest using permanent sample plots. *Forest and Wood Products*, 67(3): 423-435 (In Persian).
- Buford, M.A. 1986. Height-diameter relationship at age 15 in loblolly pine seed sources. *Forest Science*, 32: 812-818.
- Castano-Santamaria, J., F. Crecente-Campo, J.L. Fernandez-Martinez, M. Barrio-Anta and J.R. Obeso. 2013. Tree height prediction approaches for uneven-aged beech forests in northwestern Spain. *Forest Ecology and Management*, 30(7): 63-73.
- Castedo, F., U. Dieguez-Aranda, M. Barrio, M.R. Sanchez and K. von Gadow. 2006. A generalized height-diameter model including random components for radiata pine plantations in northwestern Spain. *Forest Ecology and Management*, 22(9): 202-213.
- Darroch, A.B. and R.J. Baker. 1990. Grain filling in three spring wheat genotypes: statistical analysis, *Crop science*, 30: 525-529.
- Dorado, F.C., U. Dieguez-Aranda, M.S. Rodriguez, M. Sanchez and K.V. Gadow. 2006. A generalized height-diameter model including random components for radiata pine plantations in northwestern Spain. *Forest Ecology and Management*, 22(9): 202-213.
- Fang, Z. and R.L. Bailey. 1998. Height-diameter models for tropical forest on Hainan Island in southern China. *Forest Ecology and Management*, 110(3): 315-327.
- Gadow, K.V., P. Real and J.G. Alvarez Gonzalez. 2001. Modelización del Crecimiento y la Evolución de los Bosques. *IUFRO World Series*, 12: 21.
- Huang, S., S.J. Titus and D.P. Wiens. 1992. Comparison of nonlinear height-diameter functions for major Alberta tree species. *Canadian Journal of Forest Research*, 22(2): 1297-1304.
- Larsen, D.R. and D.W. Hann. 1987. Height-diameter Equations for Seventeen Tree Species in Southwest Oregon. Oregon State University, Forest Recourse Laboratory, USA, 49 pp.
- Lumbres I.R.C., Y.J. Lee, Y.O. Seo, S.H. Kim, J.K. Chio and W.K. Lee. 2011. Development and validation of nonlinear height-DBH models for major coniferous tree species in Korea. *Forest Science and Technology*, 7(4): 117-125.
- Meyer, H.A. 1940. A mathematical expression for height curves. *Journal of Forestry*, 38: 415-420.
- Mohammadi, J. and Sh. Shataee. 2016. Study of different height-diameter models for hornbeam (*Carpinus betulus* L.) in uneven-aged stands of Shastkalateh forest of Gorgan. *Iranian Journal of Forest and Poplar Research*, 24(4): 16-22 (In Persian).
- Morrison, M.L., B.G. Marcot and R.W. Mannan. 1992. *Wildlife Habitat Relationships: Concepts and Applications*. University of Wisconsin Press, Madison, 343 pp.
- Narinc, D., E. Karaman, M.Z. Firat and T. Aksoy. 2010. Comparison of nonlinear growth models to describe the growth in Japanese quail. *Journal of animal and veterinary advances*, 9(14): 1961-1966.

18. Newton, P.F. and I.G. Amponsah. 2007. Comparative evaluation of five height-diameter models developed for black spruce and jack pine stand-types in terms of goodness-of-fit, lack-of-fit and predictive ability. *Forest Ecology and Management*, 247(3): 149-166.
19. Özçelik, R., M.J. Diamantopoulou, F. CrecenteCampo and F. Eler. 2013. Estimating Crimean juniper tree height using nonlinear regression and artificial neural network models. *Forest Ecology and Management*, 30(6): 52-60.
20. Pearl, R. and L.J. Reed. 1920. On the rate of growth of the population of the United States since 1790 and its mathematical representation. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 6: 275-288.
21. Parresol, B.R. 1992. Bald cypress heightdiameter equations and their prediction confidence intervals. *Canadian Journal of Forest Research*, 22(9): 1429-1434.
22. Peng, C., L. Zhang and J. Liu. 2001. Developing and validating nonlinear height-diameter models for major tree species of Ontario's boreal forest. *Northern Journal Application of Forestry*, 18(1): 87-94.
23. Prodan, M. and S.H. Gardiner. 1968. *Forest Biometrics*. Pergamon Press, Oxford, 447 pp.
24. Ratkowsky, D.A. and T.J. Reedy. 1986. Choosing near-linear parameters in the fourparameter logistic model for radioligand and related assays. *Biometrics*, 42: 575-582.
25. Sabouri, A., H. Sabouri and I. Keramatlou. 2014. Analysis and application of nonlinear regression in agricultural sciences, gardening and natural resources. Narenjestan, Gorgan, Iran, 138 pp (In Persian).
26. Sadeghi Motlagh, M. 1996. Determine the critical point P in sugar beet. *Iranian Congress of Soil Science*. College of Agriculture, Karaj, Iran, 101-105 (In Persian).
27. Sharma, M. and S.Y. Zhang. 2004. Heightdiameter models using stand characteristics for *Pinus banksiana* and *Picea mariana*. *Scandinavian Journal of Forest Research*, 19(2): 442-451.
28. Sit, V. and M. Poulin-Costello. 1994. Catalogue of curves for curve fitting. Forest science research branch, Ministry of forests.
29. Sparre, P. and S.C. Venema. 1992. Introduction to tropical fish stock assessment. Food and agriculture organization of the United Nations, 376 pp.
30. Stage, A.R. 1975. Prediction of Height Increment for Models of Forest Growth. Research Paper INT-164, Published by U.S. Department of Agriculture, Forest Service, Intermountain Forest and Range Experiment Station, Ogden, Utah, USA, 32 pp.
31. Vargas-Larreta, B., F.C. Dorado, G.J. LvarezGonzalez, M. Barrio-Anta and F. CruzCobos. 2009. A generalized height-diameter model with random coefficients for unevenaged stands in El Salto, Durango (Mexico). *Forestry*, 82(4): 445-462.
32. Yin, X., J. Gouadrian, E.A. Latinga, J. Vos, and J.H. Spiertz. 2003. A flexible sigmoid growth function of determinate growth. *Annals of botany*, 91: 361- 371.
33. Yuancai, L. and B.R. Parresol. 2001. Remarks on height-diameter modelling. Research Note SE-10, USDA, Forest Service, Southern Research Station, Asheville, NC, USA, 8 pp.
34. Zavalloni, C., J.A. Andresen and J.A. Flore. 2006. Phenological models of flower bud stages and fruit growth of Montmorency sour cherry based on growing degree-day accumulation. *Journal of the American society for horticultural science*, 131(5): 601-607.
35. Zhang, L. 1997. Cross-validation of nonlinear growth functions for modeling tree heightdiameter distributions. *Annals of Botany*, 79(2): 251-257.

## Evaluating of Different Height-Diameter Nonlinear Models for Hornbeam in Uneven-Aged Stands (Case Study: Golestan Rezaeian Forest)

Anoshirvan Alemi<sup>1</sup>, Jafar Oladi<sup>2</sup>, Asghar Fallah<sup>3</sup> and Yaser Maghsodi<sup>4</sup>

1- Ph.D Student, Faculty of Forestry, Sari Agriculture Science and Natural Resources University, Iran  
(Corresponding author: Anoshiravana@yahoo.com)

2- Associate Professor, Faculty of Forestry, Sari Agriculture Science and Natural Resources, University

3- Associate Professor, Faculty of Forestry, Sari Agriculture Science and Natural Resources, University

4- Assistant Professor, College of Engineering, Khajeh Nasiroddin Tosi University of Technology, Tehran

Received: January 14, 2019

Accepted: February 20, 2019

### Abstract

Projection of stand development over time relies on accurate height-diameter functions. In this study, we evaluated the capability of 43 nonlinear models to estimate hornbeam heights in a portion Rezaeian experimental forest in Gorgan, Golestan province. We applied a systematic random sampling method to collect field data within a 150×200 meter network (3.33% intensity). It resulted in 200 circular plots with 17.84 m (0.1 ha) radius. In each plot tree species, height and diameter at breast height (DBH) of all trees with DBH>7.5 cm were measured, resulting in 2144 pairs of measured heightdiameter. From the available dataset, we included 70% in the model development and the remaining 30% to validate the models. The relationship between height (dependent variable) and DBH (independent variable) was analyzed using 43 non-linear regression models. The results showed no significant difference between the applied model diagnostics, and the applied t-test showed non-significant mean stand height estimation using all models and actual height at 99% confidence level. In addition, the results of peal reed, prodan, Morgan-Merser-Florin, Logistic modifield and Double-Sigmoid models with R<sup>2</sup> of 0.826, 0.825, 0.825, 0.825 and 0.825 and RMSE% of 7.74%, 7.662%, 7.67%, 7.683% and 7.76%, respectively were almost similar in that they were better predictors of hornbeam height. Based on the results, we conclude that these models can be used for predicting hornbeam height in similar broadleaved stands of northern Iran, provided that comparative studies are conducted elsewhere to approve the results obtained here.

**Keywords:** Height-diameter model, Hornbeam, Inventory, Rezaeian forests